# МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Министерство образования Свердловской области Управление образования Волчанского муниципального округа МАОУ СОШ № 23

СОГЛАСОВАНО

ШМО учителей математики

\_Тимошенко Г.Н.

протоком № 1 от «25» августа 2025 г.

**УТВЕРЖДЕНО** 

директов МАОУ СОШ №23

Балуева Т.В.

приказ № 307-д от «26» августа 2025 г.

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного курса «Вероятность и статистика»

для обучающихся 7-9 классов

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать

данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей В случайных экспериментах c элементарными исходами, равновозможными вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе — 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе — 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе — 34 часа (1 час в неделю).

#### СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

#### 7 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

#### 8 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

#### ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

**Личностные результаты** освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

#### 1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

#### 2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

#### 3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

#### 4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

#### 5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

# 6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

#### 7) экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

# 8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

# МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ Познавательные универсальные учебные действия

#### Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

# Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск

- решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

# Регулятивные универсальные учебные действия Самоорганизация:

• самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения **в 7 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения **в 9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

| №  |                                       |       | Количество часо       | Электронные            |   |
|----|---------------------------------------|-------|-----------------------|------------------------|---|
| п/ | Наименование разделов и тем программы | всего | контрольные<br>работы | практические<br>работы | (цифровые)<br>образовательные<br>ресурсы  |
| 1  | Представление данных                  | 7     |                       | 2                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fd">https://m.edsoo.ru/7f415fd</a> <a center.org="" href="https://center.org/li&gt; &lt;a href=" https:="" li=""> <a butter.org="" href="https://center.org/li&gt; " li=""> "butter.org/li&gt; "butter.or</a></a> |
| 2  | Описательная статистика               | 8     |                       | 1                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fd">https://m.edsoo.ru/7f415fd</a> <a 7f415fd"="" href="https://cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/ci&lt;/td&gt;&lt;/tr&gt;&lt;tr&gt;&lt;td&gt;3&lt;/td&gt;&lt;td&gt;Случайная изменчивость&lt;/td&gt;&lt;td&gt;6&lt;/td&gt;&lt;td&gt;&lt;/td&gt;&lt;td&gt;1&lt;/td&gt;&lt;td&gt;Библиотека ЦОК &lt;a href=" https:="" m.edsoo.ru="">https://m.edsoo.ru/7f415fd</a> <a 7f415fd"="" href="https://cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/ci&lt;/td&gt;&lt;/tr&gt;&lt;tr&gt;&lt;td&gt;4&lt;/td&gt;&lt;td&gt;Введение в теорию графов&lt;/td&gt;&lt;td&gt;4&lt;/td&gt;&lt;td&gt;&lt;/td&gt;&lt;td&gt;&lt;/td&gt;&lt;td&gt;Библиотека ЦОК &lt;a href=" https:="" m.edsoo.ru="">https://m.edsoo.ru/7f415fd</a> <a 7f415fd"="" href="https://cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/cit/ci&lt;/td&gt;&lt;/tr&gt;&lt;tr&gt;&lt;td&gt;5&lt;/td&gt;&lt;td&gt;Вероятность и частота случайного события&lt;/td&gt;&lt;td&gt;4&lt;/td&gt;&lt;td&gt;&lt;/td&gt;&lt;td&gt;1&lt;/td&gt;&lt;td&gt;Библиотека ЦОК &lt;a href=" https:="" m.edsoo.ru="">https://m.edsoo.ru/7f415fd</a> <a href="https://c.edsoo.ru/7f415fd">c</a>  |
| 6  | Обобщение, систематизация знаний      | 5     | 2                     |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fd">https://m.edsoo.ru/7f415fd</a> <a href="https://center.org/center.org/">c</a>   |
|    | ЦЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО<br>ОГРАММЕ    | 34    | 2                     | 5                      |   |

| No | №   |       | Количество часо       | Электронные            |  |
|----|---|-------|-----------------------|------------------------|--|
| п/ | Наименование разделов и тем программы       | всего | контрольные<br>работы | практические<br>работы | (цифровые)<br>образовательные<br>ресурсы   |
| 1  | Повторение курса 7 класса                   | 4     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 2  | Описательная статистика. Рассеивание данных | 4     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 3  | Множества                                   | 4     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 4  | Вероятность случайного события              | 6     |                       | 1                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 5  | Введение в теорию графов                    | 4     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 6  | Случайные события                           | 8     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 7  | Обобщение, систематизация знаний            | 4     | 2                     |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
|    | ЦЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО<br>ОГРАММЕ          | 34    | 2                     | 1                      |  |

| No | №                                     |       | Количество часо       | Электронные            |  |
|----|---------------------------------------|-------|-----------------------|------------------------|--|
| п/ | Наименование разделов и тем программы | всего | контрольные<br>работы | практические<br>работы | (цифровые)<br>образовательные<br>ресурсы   |
| 1  | Повторение курса 8 класса             | 4     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 2  | Элементы комбинаторики                | 4     |                       | 1                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 3  | Геометрическая вероятность            | 4     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 4  | Испытания Бернулли                    | 6     |                       | 1                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 5  | Случайная величина                    | 6     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 6  | Обобщение, контроль                   | 10    | 1                     |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
|    | ЦЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО<br>ОГРАММЕ    | 34    | 1                     | 2                      |  |

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 7 КЛАСС

| N₂ |   |       | Количество часо       | Электронные            |  |
|----|---|-------|-----------------------|------------------------|--|
| п/ | Тема урока  | всего | контрольные<br>работы | практические<br>работы | цифровые<br>образовательные<br>ресурсы   |
| 1  | Представление данных в таблицах   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863ec1f8  |
| 2  | Практические вычисления по табличным данным   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ec324">https://m.edsoo.ru/863ec324</a> |
| 3  | Извлечение и интерпретация табличных данных   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ec78e">https://m.edsoo.ru/863ec78e</a> |
| 4  | Практическая работа "Таблицы"   | 1     |                       | 1                      |  |
| 5  | Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed18e">https://m.edsoo.ru/863ed18e</a> |
| 6  | Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм                      | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863ed602  |
| 7  | Практическая работа "Диаграммы"   | 1     |                       | 1                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed72e">https://m.edsoo.ru/863ed72e</a> |
| 8  | Числовые наборы. Среднее арифметическое   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed846">https://m.edsoo.ru/863ed846</a> |
| 9  | Числовые наборы. Среднее арифметическое   | 1     |                       | _                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed846">https://m.edsoo.ru/863ed846</a> |
| 10 | Медиана числового набора. Устойчивость медианы                                      | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863edb3e">https://m.edsoo.ru/863edb3e</a> |
| 11 | Медиана числового набора. Устойчивость  | 1     |                       |                        |  |

|    | медианы  |   |   |   |  |
|----|--|---|---|---|--|
| 12 | Практическая работа "Средние значения"   | 1 |   | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863edc6a">https://m.edsoo.ru/863edc6a</a> |
| 13 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах                          | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee07a">https://m.edsoo.ru/863ee07a</a> |
| 14 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах                          | 1 |   |   |  |
| 15 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах                          | 1 |   |   |  |
| 16 | Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"        | 1 | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee390">https://m.edsoo.ru/863ee390</a> |
| 17 | Случайная изменчивость (примеры)   | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee4bc">https://m.edsoo.ru/863ee4bc</a> |
| 18 | Частота значений в массиве данных  | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee69c">https://m.edsoo.ru/863ee69c</a> |
| 19 | Группировка  | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee9d0">https://m.edsoo.ru/863ee9d0</a> |
| 20 | Гистограммы  | 1 |   |   |  |
| 21 | Гистограммы  | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863eee1c">https://m.edsoo.ru/863eee1c</a> |
| 22 | Практическая работа "Случайная изменчивость"                                       | 1 |   | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863eecc8">https://m.edsoo.ru/863eecc8</a> |
| 23 | Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа                         | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863eef52">https://m.edsoo.ru/863eef52</a> |
| 24 | Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и цикл | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef0ba">https://m.edsoo.ru/863ef0ba</a> |

|    | ЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО<br>ОГРАММЕ   | 34 | 2 | 5 |  |
|----|--|----|---|---|--|
| 34 | Повторение, обобщение. Вероятность случайного события  | 1  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863efec0">https://m.edsoo.ru/863efec0</a> |
| 33 | Повторение, обобщение. Описательная статистика   | 1  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863efbaa">https://m.edsoo.ru/863efbaa</a> |
| 32 | Повторение, обобщение. Представление данных  | 1  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863efa24">https://m.edsoo.ru/863efa24</a> |
| 31 | Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"                | 1  | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0186">https://m.edsoo.ru/863f0186</a> |
| 30 | Практическая работа "Частота выпадения орла"   | 1  |   | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef8a8">https://m.edsoo.ru/863ef8a8</a> |
| 29 | Монета и игральная кость в теории вероятностей   | 1  |   |   |  |
| 28 | Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе | 1  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef646">https://m.edsoo.ru/863ef646</a> |
| 27 | Случайный опыт и случайное событие   | 1  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef4d4">https://m.edsoo.ru/863ef4d4</a> |
| 26 | Представление об ориентированных графах  | 1  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef3b2">https://m.edsoo.ru/863ef3b2</a> |
| 25 | Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа   | 1  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef236">https://m.edsoo.ru/863ef236</a> |

| №  |   |       | Количество часо       | Электронные            |   |
|----|---|-------|-----------------------|------------------------|---|
| п/ | Тема урока  | всего | контрольные<br>работы | практические<br>работы | цифровые<br>образовательные<br>ресурсы  |
| 1  | Представление данных. Описательная статистика                     | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f029e">https://m.edsoo.ru/863f029e</a>  |
| 2  | Случайная изменчивость. Средние числового набора                  | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f03fc">https://m.edsoo.ru/863f03fc</a>  |
| 3  | Случайные события. Вероятности и частоты                          | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f057">https://m.edsoo.ru/863f057</a> <a href="mailto:8"><u>8</u></a>            |
| 4  | Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f076c">https://m.edsoo.ru/863f076c</a>  |
| 5  | Отклонения  | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0a50">https://m.edsoo.ru/863f0a50</a>  |
| 6  | Дисперсия числового набора  | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0a50">https://m.edsoo.ru/863f0a50</a>  |
| 7  | Стандартное отклонение числового набора                           | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0bfe">https://m.edsoo.ru/863f0bfe</a>  |
| 8  | Диаграммы рассеивания   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0ea6">https://m.edsoo.ru/863f0ea6</a>  |
| 9  | Множество, подмножество   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f118">https://m.edsoo.ru/863f118</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f118">0</a> |
| 10 | Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение    | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f143c">https://m.edsoo.ru/863f143c</a>  |

| 11 | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения                    | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f178">https://m.edsoo.ru/863f178</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f178">4</a> |
|----|---|---|---|---|---|
| 12 | Графическое представление множеств  | 1 |   |   | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863f198c   |
| 13 | Контрольная работа по темам "Статистика.<br>Множества"  | 1 | 1 |   |   |
| 14 | Элементарные события. Случайные события   | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1dec">https://m.edsoo.ru/863f1dec</a>  |
| 15 | Благоприятствующие элементарные события.<br>Вероятности событий   | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1dec">https://m.edsoo.ru/863f1dec</a>  |
| 16 | Благоприятствующие элементарные события.<br>Вероятности событий   | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1f72">https://m.edsoo.ru/863f1f72</a>  |
| 17 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор  | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f21ca">https://m.edsoo.ru/863f21ca</a>  |
| 18 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор  | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f21ca">https://m.edsoo.ru/863f21ca</a>  |
| 19 | Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"   | 1 |   | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f235a">https://m.edsoo.ru/863f235a</a>  |
| 20 | Дерево  | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2a4e">https://m.edsoo.ru/863f2a4e</a>  |
| 21 | Свойства дерева: единственность пути,<br>существование висячей вершины, связь<br>между числом вершин и числом рёбер | 1 |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2bac">https://m.edsoo.ru/863f2bac</a>  |
| 22 | Правило умножения   | 1 |   |   | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863f2cd8   |
| 23 | Правило умножения   | 1 |   |   | Библиотека ЦОК  |

|    |   |   |   | https://m.edsoo.ru/863f2e36   |
|----|---|---|---|---|
| 24 | Противоположное событие   | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2f8a">https://m.edsoo.ru/863f2f8a</a>  |
| 25 | Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий                       | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f321">https://m.edsoo.ru/863f321</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f321">4</a> |
| 26 | Несовместные события. Формула сложения<br>вероятностей                    | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f337">https://m.edsoo.ru/863f337</a> <a href="mailto:2">2</a>                   |
| 27 | Несовместные события. Формула сложения<br>вероятностей                    | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f376">https://m.edsoo.ru/863f376</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f376">4</a> |
| 28 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f38ae">https://m.edsoo.ru/863f38ae</a>  |
| 29 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3b0">https://m.edsoo.ru/863f3b0</a> <a href="mailto:6">6</a>                   |
| 30 | Представление случайного эксперимента в виде дерева                       | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3cbe">https://m.edsoo.ru/863f3cbe</a>  |
| 31 | Представление случайного эксперимента в виде дерева                       | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3f20">https://m.edsoo.ru/863f3f20</a>  |
| 32 | Повторение, обобщение. Представление данных. Описательная статистика      | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f412">https://m.edsoo.ru/863f412</a> <a href="mailto:8"><u>8</u></a>            |
| 33 | Повторение, обобщение. Графы  | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f431">https://m.edsoo.ru/863f431</a> <a href="mailto:2">2</a>                   |
| 34 | Контрольная работа по темам "Случайные события. Вероятность. Графы"       | 1 | 1 |   |

| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО<br>ПРОГРАММЕ | 34 | 2 | 1 |  |
|--|----|---|---|--|
|--|----|---|---|--|

| No |  |       | Количество часо       | Электронные            |   |
|----|--|-------|-----------------------|------------------------|---|
| п/ | Тема урока   | всего | контрольные<br>работы | практические<br>работы | цифровые<br>образовательные<br>ресурсы  |
| 1  | Представление данных   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f47ea">https://m.edsoo.ru/863f47ea</a>  |
| 2  | Описательная статистика  | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f47ea">https://m.edsoo.ru/863f47ea</a>  |
| 3  | Операции над событиями   | 1     |                       |                        |   |
| 4  | Независимость событий  | 1     |                       |                        |   |
| 5  | Комбинаторное правило умножения  | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f4e16">https://m.edsoo.ru/863f4e16</a>  |
| 6  | Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний   | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f4e16">https://m.edsoo.ru/863f4e16</a>  |
| 7  | Треугольник Паскаля  | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f501">https://m.edsoo.ru/863f501</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f501">4</a> |
| 8  | Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц"  | 1     |                       | 1                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f520">https://m.edsoo.ru/863f520</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f520">8</a> |
| 9  | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f588">https://m.edsoo.ru/863f588</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f588">4</a> |
| 10 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из                             | 1     |                       |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5a50">https://m.edsoo.ru/863f5a50</a>  |

|    | отрезка, из дуги окружности  |   |   |
|----|--|---|---|
| 11 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5bfe">https://m.edsoo.ru/863f5bfe</a>  |
| 12 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5e10">https://m.edsoo.ru/863f5e10</a>  |
| 13 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха  | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f616">https://m.edsoo.ru/863f616</a> <a href="mailto:2">2</a>                   |
| 14 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха  | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f635">https://m.edsoo.ru/863f635</a> <a href="mailto:6"><u>6</u></a>            |
| 15 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха  | 1 |   |
| 16 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли                                       | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f64d">https://m.edsoo.ru/863f64d</a> <a href="mailto:2">2</a>                   |
| 17 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли                                       | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f668">https://m.edsoo.ru/863f668</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f668">0</a> |
| 18 | Практическая работа "Испытания Бернулли"   | 1 | 1         Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f67de">https://m.edsoo.ru/863f67de</a>                                |
| 19 | Случайная величина и распределение вероятностей  | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f6b4">https://m.edsoo.ru/863f6b4</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f6b4">4</a> |
| 20 | Математическое ожидание и дисперсия<br>случайной величины  | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f6da6">https://m.edsoo.ru/863f6da6</a>  |

| 21 | Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины               | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f6f86">https://m.edsoo.ru/863f6f86</a>   |
|----|--|---|--|
| 22 | Понятие о законе больших чисел   | 1 | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863f72c4  |
| 23 | Измерение вероятностей с помощью частот  | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f765">https://m.edsoo.ru/863f765</a> <a href="mailto:2">2</a>                          |
| 24 | Применение закона больших чисел  | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f711">https://m.edsoo.ru/863f711</a> <a href="mailto:6">6</a>                          |
| 25 | Обобщение, систематизация знаний.<br>Представление данных                                    | 1 | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863f783c  |
| 26 | Обобщение, систематизация знаний.<br>Описательная статистика                                 | 1 |  |
| 27 | Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика              | 1 | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863f893a  |
| 28 | Обобщение, систематизация знаний.<br>Вероятность случайного события                          | 1 | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863f7a4e  |
| 29 | Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики     | 1 | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/863f7c9c  |
| 30 | Обобщение, систематизация знаний.<br>Элементы комбинаторики                                  | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f7e54">https://m.edsoo.ru/863f7e54</a>   |
| 31 | Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f840">https://m.edsoo.ru/863f840</a> <a href="https://m.edsoo.ru/863f840"><u>8</u></a> |
| 32 | Обобщение, систематизация знаний.  | 1 | Библиотека ЦОК   |

| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |                                    | 34 | 1 | 2 |   |  |
|-------------------------------------|------------------------------------|----|---|---|---|--|
| 34                                  | Обобщение, систематизация знаний   | 1  |   |   |   |  |
| 33                                  | Итоговая контрольная работа        | 1  | 1 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f8b5">https://m.edsoo.ru/863f8b5</a> <a href="mailto:6">6</a> |  |
|                                     | Случайные величины и распределения |    |   |   | https://m.edsoo.ru/863f861a   |  |

# ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

## 7 КЛАСС

| Код<br>проверяемого<br>результата | Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы основного общего образования   |
|-----------------------------------|--|
| 5                                 | Вероятность и статистика   |
| 5.1                               | Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений |
| 5.2                               | Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках  |
| 5.3                               | Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах                                    |
| 5.4                               | Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости               |

| Код<br>проверяемого<br>результата | Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы основного общего образования                                      |
|-----------------------------------|---|
| 5                                 | Вероятность и статистика  |
| 5.1                               | Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков |
| 5.2                               | Описывать данные с помощью статистических показателей:<br>средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и<br>стандартное отклонение)    |
| 5.3                               | Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений   |
| 5.4                               | Находить вероятности случайных событий в опытах, зная   |

|     | вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с |  |  |
|-----|--|--|--|
|     | равновозможными элементарными событиями                  |  |  |
| 5.5 | Использовать графические модели: дерево случайного       |  |  |
| 3.3 | эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая          |  |  |
|     | Оперировать понятиями: множество, подмножество;          |  |  |
| 5.6 | выполнять операции над множествами: объединение,         |  |  |
| 3.0 | пересечение, дополнение; перечислять элементы множеств,  |  |  |
|     | применять свойства множеств                              |  |  |
|     | Использовать графическое представление множеств и связей |  |  |
| 5.7 | между ними для описания процессов и явлений, в том числе |  |  |
|     | при решении задач из других учебных предметов и курсов   |  |  |

| Код<br>проверяемого<br>результата | Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы основного общего образования   |
|-----------------------------------|--|
| 5                                 | Вероятность и статистика   |
| 5.1                               | Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков                       |
| 5.2                               | Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов  |
| 5.3                               | Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания   |
| 5.4                               | Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений   |
| 5.5                               | Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли |
| 5.6                               | Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей  |
| 5.7                               | Иметь представление о законе больших чисел как о   |

проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе

# проверяемые элементы содержания

## 7 КЛАСС

| Код | Проверяемый элемент содержания  |
|-----|---|
| 5   | Вероятность и статистика  |
| 5.1 | Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных |
| 5.2 | Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости   |
| 5.3 | Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей  |
| 5.4 | Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов                     |

| Код | Проверяемый элемент содержания  |
|-----|---|
| 5   | Вероятность и статистика  |
| 5.1 | Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков  |
| 5.2 | Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение      |
| 5.3 | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения                |
| 5.4 | Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач. |
| 5.5 | Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное   |

|      | отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания   |
|------|--|
| 5.6  | Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке |
| 5.7  | Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов   |
| 5.8  | Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей  |
| 5.9  | Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события   |
| 5.10 | Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера   |

| Код  | Проверяемый элемент содержания  |
|------|---|
| 5    | Вероятность и статистика  |
| 5.1  | Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным |
| 5.2  | Перестановки и факториал  |
| 5.3  | Сочетания и число сочетаний   |
| 5.4  | Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики   |
| 5.5  | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности                                       |
| 5.6  | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха   |
| 5.7  | Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли  |
| 5.8  | Случайная величина и распределение вероятностей   |
| 5.9  | Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины                             |
| 5.10 | Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли»   |

# ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ОГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

| Код<br>проверяемого<br>требования | Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы основного общего образования на основе ФГОС  |
|-----------------------------------|--|
| 1                                 | Умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, применять их при решении задач; умение использовать графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов   |
| 2                                 | Умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, доказательство; умение распознавать истинные и ложные высказывания, приводить примеры и контрпримеры, строить высказывания и отрицания высказываний   |
| 3                                 | Умение оперировать понятиями: натуральное число, простое и составное число, делимость натуральных чисел, признаки делимости, целое число, модуль числа, обыкновенная дробь и десятичная дробь, стандартный вид числа, рациональное число, иррациональное число, арифметический квадратный корень; умение выполнять действия с числами, сравнивать и упорядочивать числа, представлять числа на координатной прямой, округлять числа; умение делать прикидку и оценку результата вычислений |
| 4                                 | Умение оперировать понятиями: степень с целым показателем, арифметический квадратный корень, многочлен, алгебраическая дробь, тождество; знакомство с корнем натуральной степени больше единицы; умение выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, дробно-рациональных выражений и выражений с корнями, разложение многочлена на множители, в том числе с использованием формул разности квадратов и квадрата суммы и разности   |
| 5                                 | Умение оперировать понятиями: числовое равенство, уравнение с одной переменной, числовое неравенство, неравенство с переменной; умение решать линейные и квадратные уравнения, дробно-рациональные уравнения с одной переменной, системы двух линейных уравнений, линейные неравенства и их системы, квадратные и дробно-рациональные неравенства с одной  |

|    | переменной, в том числе при решении задач из других предметов и практических задач; умение использовать координатную прямую и координатную плоскость для изображения решений уравнений, неравенств и систем  |
|----|--|
| 6  | Умение оперировать понятиями: функция, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания, убывания, наибольшее и наименьшее значения функции; умение оперировать понятиями: прямая пропорциональность, линейная функция, квадратичная функция, обратная пропорциональность, парабола, гипербола; умение строить графики функций, использовать графики для определения свойств процессов и зависимостей, для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни; умение выражать формулами зависимости между величинами |
| 7  | Умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии; умение использовать свойства последовательностей, формулы суммы и общего члена при решении задач, в том числе задач из других учебных предметов и реальной жизни   |
| 8  | Умение решать задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, движение, работу, цену товаров и стоимость покупок и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); умение составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность полученных результатов   |
| 9  | Умение оперировать понятиями: фигура, точка, отрезок, прямая, луч, ломаная, угол, многоугольник, треугольник, равнобедренный и равносторонний треугольники, прямоугольный треугольник, медиана, биссектриса и высота треугольника, четырёхугольник, параллелограмм, ромб, прямоугольник, квадрат, трапеция; окружность, круг, касательная; знакомство с пространственными фигурами; умение решать задачи, в том числе из повседневной жизни, на нахождение геометрических величин с применением изученных свойств фигур и фактов                               |
| 10 | Умение оперировать понятиями: равенство фигур, равенство треугольников; параллельность и перпендикулярность прямых, угол между прямыми, перпендикуляр, наклонная, проекция, подобие фигур, подобные треугольники, симметрия относительно точки и прямой; умение распознавать равенство, симметрию и подобие фигур, параллельность и перпендикулярность прямых в окружающем мире  |
| 11 | Умение оперировать понятиями: длина, расстояние, угол (величина угла, синус и косинус угла треугольника), площадь; умение оценивать размеры предметов и объектов в окружающем мире; умение применять формулы периметра и площади   |

|    | многоугольников, длины окружности и площади круга, объема прямоугольного параллелепипеда; умение применять признаки равенства треугольников, теорему о сумме углов треугольника, теорему Пифагора, тригонометрические соотношения для вычисления длин, расстояний, площадей   |  |  |
|----|---|--|--|
| 12 | Умение изображать плоские фигуры и их комбинации, пространственные фигуры от руки, с помощью чертёжных инструментов и электронных средств по текстовому или символьному описанию  |  |  |
| 13 | Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат; координаты точки, вектор, сумма векторов, произведение вектора на число, скалярное произведение векторов; умение использовать векторы и координаты для представления данных и решения задач, в том числе из других учебных предметов и реальной жизни  |  |  |
| 14 | Умение оперировать понятиями: столбиковые и круговые диаграммы, таблицы, среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах числового набора; умение извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную в таблицах и на диаграммах, отражающую свойства и характеристики реальных процессов и явлений; умение распознавать изменчивые величины в окружающем мире   |  |  |
| 15 | Умение оперировать понятиями: случайный опыт (случайный эксперимент), элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта, случайное событие, вероятность события; умение находить вероятности случайных событий в опытах с равновозможными элементарными событиями; умение решать задачи методом организованного перебора и с использованием правила умножения; умение оценивать вероятности реальных событий и явлений, понимать роль практически достоверных и маловероятных событий в окружающем мире и в жизни; знакомство с понятием независимых событий; знакомство с законом больших чисел и его ролью в массовых явлениях |  |  |
| 16 | Умение выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов математики в искусстве, описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки, приводить примеры математических открытий и их авторов в отечественной и всемирной истории   |  |  |

# ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ОГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

| Код | Проверяемый элемент содержания  |  |  |
|-----|---|--|--|
| 1   | Числа и вычисления  |  |  |
| 1.1 | Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел   |  |  |
| 1.2 | Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби                        |  |  |
| 1.3 | Рациональные числа. Арифметические операции с рациональными числами                               |  |  |
| 1.4 | Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами                           |  |  |
| 1.5 | Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений              |  |  |
| 2   | Алгебраические выражения  |  |  |
| 2.1 | Буквенные выражения (выражения с переменными)   |  |  |
| 2.2 | Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени                 |  |  |
| 2.3 | Многочлены  |  |  |
| 2.4 | Алгебраическая дробь  |  |  |
| 2.5 | Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени |  |  |
| 3   | Уравнения и неравенства   |  |  |
| 3.1 | Целые и дробно-рациональные уравнения. Системы и совокупности<br>уравнений                        |  |  |
| 3.2 | Целые и дробно-рациональные неравенства. Системы и совокупности неравенств                        |  |  |

| 3.3  | Решение текстовых задач  |  |  |
|------|--|--|--|
| 4    | Числовые последовательности  |  |  |
| 4.1  | Последовательности, способы задания последовательностей  |  |  |
| 4.2  | Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов  |  |  |
| 5    | Функции  |  |  |
| 5.1. | Функция, способы задания функции. График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке |  |  |
| 6    | Координаты на прямой и плоскости   |  |  |
| 6.1  | Координатная прямая  |  |  |
| 6.2  | Декартовы координаты на плоскости  |  |  |
| 7    | Геометрия  |  |  |
| 7.1  | Геометрические фигуры и их свойства  |  |  |
| 7.2  | Треугольник  |  |  |
| 7.3  | Многоугольники   |  |  |
| 7.4  | Окружность и круг  |  |  |
| 7.5  | Измерение геометрических величин   |  |  |
| 7.6  | Векторы на плоскости   |  |  |
| 8    | Вероятность и статистика   |  |  |
| 8.1  | Описательная статистика  |  |  |
| 8.2  | Вероятность  |  |  |
| 8.3  | Комбинаторика  |  |  |
| 8.4  | Множества  |  |  |
| 8.5  | Графы  |  |  |

# **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА**

#### ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

1. Математика. Вероятность и статистика: 7 - 9-е классы: базовый уровень: учебник: в 2 частях; 1-ое издание Высоцкий И.Р., Ященко И.В.; под редакцией Ященко И.В. Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

## МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. Вероятность и статистика: 7—9-е классы: базовый уровень: методическое пособие к предметной линии учебников по вероятности и статистике И. Р. Высоцкого, И. В. Ященко под ред. И. В. Ященко. — 2-е изд., стер. — Москва: Просвещение, 2023.

# **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ**И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

| <b>№</b><br>п/п | Адрес ЭОР                           | Название ресурса / краткое описание  |
|-----------------|-------------------------------------|--|
| 1.              | http://window.edu.ru/               | Электронная библиотека учебников и методических материалов. Предметные разделы «Математика», «Алгебра», «Геометрия»  |
| 2.              | https://fipi.ru/                    | Федеральный институт педагогических измерений. ОГЭ и ЕГЭ по математике. На сайте размещаются: демоварианты ЕГЭ, ОГЭ, ГВЭ по математике, сборники материалов для подготовки обучающихся по математике, методические рекомендации экспертов предметной комиссии по математике.   |
| 3.              | http://window.edu.ru/window/catalog | Каталог Российского общеобразовательного Портала. Предметные разделы «Математика», «Алгебра», «Геометрия».   |
| 4.              | http://www.school.edu.r<br>u        | Каталог «Образовательные ресурсы сети Интернет для общего образования».  |
| 5.              | http://catalog.iot.ru               | Каталог «Школьный Яндекс». Предметные разделы «Математика», «Алгебра», «Геометрия».  |
| 6.              | https://resh.edu.ru/about           | Государственная образовательная платформа «Российская электронная школа» — это интерактивные уроки по всему школьному курсу с 1 по 11 класс от лучших учителей страны, в том числе по математике. Информационно-образовательная среда для изучения математики, объединяющая ученика (в том числе детей с ОВЗ), учителя, родителя и открывающая равный доступ к качественному общему образованию независимо от социокультурных условий. |
| 7.              | https://uchi.ru/                    | Учи.ру - отечественная онлайн платформа, где ученики из регионов России изучают математику в интерактивной форме. Учи.ру раскрывает потенциал каждого ребенка. Платформа анализирует действия каждого ученика и на основе данных подбирает персональные задания, создавая таким образом индивидуальную образовательную траекторию. В том числе и по математике.  |
| 8.              | https://rsr-olymp.ru/               | Сайт Российского совета олимпиад школьников. Публикуется утвержденный перечень олимпиад школьников на текущий учебный год.   |
| 9.              | http://school-                      | Единая коллекция Цифровых образовательных ресурсов   |

|     | collection.edu.ru/        | по математике, по классам, темам и УМК   |
|-----|---------------------------|--|
| 10. | https://www.uchportal.ru/ | Учительский портал — международное сообщество учителей. Коллекция авторских презентаций, уроков и тестов, контрольных работ и рабочих программ для учителей школ, в том числе и по математике Материалы для подготовки учащихся к ЕГЭ и ОГЭ., в том числе по математике. |
| 11. | https://www.zavuch.ru/    | Завуч. Инфо.Сайт содержит методические материалы для преподавания математики, позволяет пройти независимый мониторинг в области профиля своей работы, содержит информацию о конференциях и форумах.  |

# ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

# СВЕДЕНИЯ О СЕРТИФИКАТЕ ЭП

Сертификат 645502124480540888185006450738835976348534763539

Владелец Балуева Татьяна Викторовна

Действителен С 13.02.2025 по 13.02.2026